

# SISTEME ELECTROENERGETICE

## Capitolul 3

### CALCULUL REGIMULUI PERMANENT DE FUNCȚIONARE AL SEE

---

---

---

---

---

---

---

---

## Terminologie

**Definiție:** *Calculul regimului permanent de funcționare al SEE* urmărește determinarea tuturor mărimilor de stare caracteristice ale sistemului, pornind de la o anumită structură și de la anumite condiții de încărcare ale acestuia.

---

---

---

---

---

---

---

---

## Terminologie

### Istoric

Momentul	Soluții tehnice
Până în 1930	Calculare efectuate manual (se foloseau pe scară largă modelele ale curenților de buclă)
1930 – 1956	Modele fizice la scară ale sistemului electroenergetic. Așa numitele „mese” sau „analizoare” de curent alternativ. Două modele cu răspândire largă: analizorul Westinghouse ( $f_n = 440 \text{ Hz}$ , $U_n = 100 \text{ V}$ , $I_n = 1 \text{ A}$ ) și analizorul General Electric ( $f_n = 480 \text{ Hz}$ , $U_n = 50 \text{ V}$ , $I_n = 50 \text{ mA}$ ).
1956	Prima soluție bazată pe calculatoare numerice. Modelul dezvoltat de Ward și Hale [Ward 56] folosește ecuația nodală și o formă primară, simplă a metodei Newton-Raphson.
După 1956	Primele aplicații ale metodei Seidel-Gauss. Ajustarea tensiunilor se face folosind valori deja corectate ale tensiunilor din nodurile aflate în vecinătatea nodului de calcul. Astfel, propagarea corecțiilor de tensiune în întreaga rețea necesită un număr sporit de iterații. Metoda ridică și probleme de convergență. Metoda Newton-Raphson, dezvoltată în anii 1960, este mai rapidă decât metoda Seidel-Gauss și asigură o convergență mai bună.

---

---

---

---

---

---

---

---

## Terminologie

Punctul de pornire: **schema monofilară a sistemului**, căreia i se atașează un graf ale cărui noduri și laturi descriu topologia sistemului analizat.

---

---

---

---

---

---

---

---

## Terminologie

**Latura** modelează un element din structura sistemului (de exemplu, o linie, un transformator, un generator etc) și corespunde unei scheme echivalente reprezentate printr-un dipol sau cuadripol liniar.

**Nodul** reprezintă extremitatea unei laturi sau punctul de întâlnire a două sau mai multe laturi și este asociat barelor colectoare din stațiile și posturile de transformare sau punctului neutru.

---

---

---

---

---

---

---

---

## Terminologie

### Noduri

- injecții de curent / putere.
- convenție: *injecție* – termen unic;
- sensul fluxului de curent / putere: semnul asociat („+” pentru curentul / puterea „introdusă” în nod de surse și „-” pentru curentul / puterea „extrasă” din nod de consumatori.
- *nod de referință* – punctul neutru „,
- *noduri independente* – restul nodurilor.

---

---

---

---

---

---

---

---

## Terminologie

### Laturi

Schemele echivalente ale diferitelor elemente din sistem conțin:

- *laturi longitudinale* (definite între două noduri independente)
- *laturi transversale* (definite între un nod independent și nodul de referință).

---

---

---

---

---

---

---

---

## Terminologie

### Reprezentarea prin vectori si matrice

**Nodul  $i$**  : tensiunea nodală  $\underline{U}_i$ , injecția de curent  $\underline{I}_i$  și injecția de putere  $\underline{S}_i$ .

**Latura  $l$  (între nodurile  $j$  și  $k$ )**: tensiunea la borne  $\underline{UL}_l$ , circulația de curent pe latura  $\underline{I}_{l(jk)}$ , notat pe scurt  $\underline{I}_l$ , circulațiile de puteri  $\underline{S}_{jk}$  și  $\underline{S}_{kj}$ .

---

---

---

---

---

---

---

---

## Terminologie

### Reprezentarea prin vectori si matrice

$$[\underline{U}_n] = [\underline{U}_1 \quad \underline{U}_2 \quad \dots \quad \underline{U}_i \quad \dots \quad \underline{U}_N]^T$$

$$[\underline{I}_n] = [\underline{I}_1 \quad \underline{I}_2 \quad \dots \quad \underline{I}_i \quad \dots \quad \underline{I}_N]^T$$

$$[\underline{S}] = [\underline{S}_1 \quad \underline{S}_2 \quad \dots \quad \underline{S}_i \quad \dots \quad \underline{S}_N]^T$$

$$[\underline{U}] = [\underline{UL}_1 \quad \underline{UL}_2 \quad \dots \quad \underline{UL}_l \quad \dots \quad \underline{UL}_L]^T$$

$$[\underline{I}] = [\underline{I}_1 \quad \underline{I}_2 \quad \dots \quad \underline{I}_l \quad \dots \quad \underline{I}_L]^T$$

$$\underline{S}_i = \underline{U}_i \cdot \underline{I}_i^* \quad \underline{S}_{jk} = \underline{U}_j \cdot \underline{I}_{l(jk)}^* \quad \underline{S}_{kj} = \underline{U}_k \cdot \underline{I}_{l(jk)}^*$$

---

---

---

---

---

---

---

---

## Terminologie

### Modelul matematic de baza

$$[\underline{Y}_n] \cdot [\underline{U}_n] = [\underline{J}_n]$$

Modelul este **liniar**.

Date nodale uzuale: **injecții de puteri active și reactive.**

Modelul este **neliniar**.

---

---

---

---

---

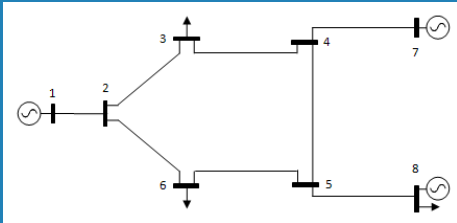
---

---

---

## Reprezentarea nodurilor

### Dupa natura nodurilor



---

---

---

---

---

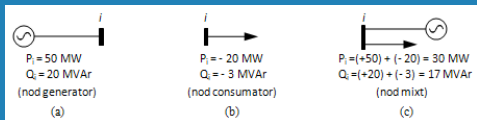
---

---

---

## Reprezentarea nodurilor

### Conventia de semn pentru injectii



---

---

---

---

---

---

---

---

## Reprezentarea nodurilor

### Caracterizarea nodurilor unui SE

$$\begin{array}{c} i \\ \downarrow \\ \text{---} \rightarrow \underline{S}_i = P_i + jQ_i \\ \underline{U}_i = U_i \angle \theta_i \end{array}$$

Se pot scrie 2 ecuatii: balantele de putere activa si reactiva.

Consecinta: 2 marimi nodale sunt precizate apriori, 2 marimi nodale rezulta din calcul.

---

---

---

---

---

---

---

---

## Reprezentarea nodurilor

### Clasificarea dupa tip

În funcție de care dintre mărimile nodale sunt impuse, nodurile se clasifică în trei categorii:

- Nod de tip PQ;
- Nod de tip PU și
- Nod de echilibru, notat NE.

---

---

---

---

---

---

---

---

## Reprezentarea nodurilor

### Noduri de tip PQ

Se impun a priori: **P** și **Q**  
Rezulta din calcul: **U** și  **$\theta$** .

De regula: noduri consumatoare sau generatoare fara reglaj de tensiune.

Nodurile de transfer: noduri de tip PQ cu  **$P = Q = 0$** .

---

---

---

---

---

---

---

---

## Reprezentarea nodurilor

### Noduri de tip PU

Se impun a priori:  $P$  și  $U$

Rezulta din calcul:  $Q$  și  $\theta$ .

De regula: noduri generatoare sau noduri cu tensiune reglata.

Se impun restricții pentru puterea reactivă:

$Q_{min}$  și  $Q_{max}$ .

---

---

---

---

---

---

---

---

## Reprezentarea nodurilor

### Noduri de echilibru

Se impun a priori:  $U$  și  $\theta$  ( $\theta = 0$ ).

Rezulta din calcul:  $P$  și  $Q$ .

De regula: nodul cel mai puternic din sistem.

Asigura balanța puterilor active și reactive produse și consumate în sistem.

---

---

---

---

---

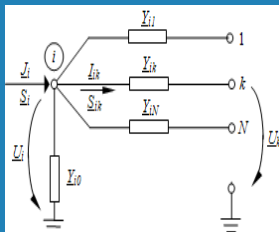
---

---

---

## Modele neliniare de regim permanent

### Modelul liniar de baza



$$[\mathbf{Y}_n] \cdot [\mathbf{U}_n] = [\mathbf{J}_n]$$

$$J_i = Y_{i0} \cdot U_i - \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N Y_{ik} \cdot U_k$$

$$Y_{i,0} = \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N y_{ik,0}$$

$$i = 1 \dots N$$

---

---

---

---

---

---

---

---

## Modele neliniare de regim permanent

### Modelul liniar de baza - continuare

$$\underline{Y}_{ii} = \underline{Y}_{i,0} + \sum_{k=1, k \neq i}^N \underline{Y}_{ik} = \sum_{k=1, k \neq i}^N \underline{Y}_{ik,0} + \sum_{k=1, k \neq i}^N \underline{Y}_{ik} \quad i = 1 \dots N$$

$$\underline{J}_i = \frac{\underline{S}_i^*}{\underline{U}_i} \quad i = 1 \dots N$$

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

## Modele neliniare de regim permanent

### Tipuri de modele neliniare

- modelul ecuațiilor nodale neliniare (în mărimi complexe);
- modelul bilanțului de curenți în noduri (în mărimi reale) și
- modelul bilanțului de puteri în noduri (în mărimi reale).

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

## Modelul ecuațiilor nodale neliniare, în marimi complexe

$$\frac{\underline{S}_i^*}{\underline{U}_i} = \frac{P_i - j \cdot Q_i}{\underline{U}_i} = \underline{Y}_{ii} \cdot \underline{U}_i - \sum_{k=1, k \neq i, e}^N \underline{Y}_{ik} \cdot \underline{U}_k - \underline{Y}_{ie} \cdot \underline{U}_e$$

$$i = 1 \dots N \quad i \neq e$$

$$\frac{\underline{S}_e^*}{\underline{U}_e} = \frac{P_e - j \cdot Q_e}{\underline{U}_e} = \underline{Y}_{ee} \cdot \underline{U}_e - \sum_{k=1, k \neq e}^N \underline{Y}_{ek} \cdot \underline{U}_k$$

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

## Modele bazate pe bilanturi nodale

### Reprezentari algebraica si trigonometrica

← r. algebrică →

$$\underline{Y}_{ii} = G_{ii} + j \cdot B_{ii}$$

$$\underline{Y}_{ik} = G_{ik} + j \cdot B_{ik}$$

$$\underline{U}_i = U_i' + j \cdot U_i''$$

← r. trigonometrică →

$$\underline{Y}_{ii} = Y_{ii} \cdot e^{j \cdot \Psi_{ii}} = Y_{ii} \cdot (\cos \Psi_{ii} + j \cdot \sin \Psi_{ii})$$

$$\underline{Y}_{ik} = Y_{ik} \cdot e^{j \cdot \Psi_{ik}} = Y_{ik} \cdot (\cos \Psi_{ik} + j \cdot \sin \Psi_{ik})$$

$$\underline{U}_i = U_i \cdot e^{j \cdot \theta_i} = U_i \cdot (\cos \theta_i + j \cdot \sin \theta_i)$$

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

## Modelul bilantului de curenti in noduri

### Ecuatia nodala de baza

$$\underline{Y}_{ii} \cdot \underline{U}_i - \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N \underline{Y}_{ik} \cdot \underline{U}_k - \frac{P_i - j \cdot Q_i}{\underline{U}_i^*} = 0$$

$$i = 1 \dots N; i \neq e$$

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

## Modelul bilantului de curenti in noduri

### Reprezentarea algebraica

$$G_{ii} \cdot U_i' - B_{ii} \cdot U_i'' - \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N (G_{ik} \cdot U_k' - B_{ik} \cdot U_k'') - \frac{P_i \cdot U_i' + Q_i \cdot U_i''}{(U_i')^2 + (U_i'')^2} = 0 \quad i = 1 \dots N$$

$$G_{ii} \cdot U_i'' + B_{ii} \cdot U_i' - \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N (G_{ik} \cdot U_k'' + B_{ik} \cdot U_k') - \frac{P_i \cdot U_i'' - Q_i \cdot U_i'}{(U_i')^2 + (U_i'')^2} = 0 \quad i \neq e$$

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---



## Modelul bilantului de curenti in noduri

### Reprezentarea trigonometrica

$$Y_{ii} \cdot U_i \cdot \cos(\theta_i + \Psi_{ii}) - \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N Y_{ik} \cdot U_k \cdot \cos(\theta_k + \Psi_{ik}) - \frac{P_i \cdot \cos \theta_i + Q_i \cdot \sin \theta_i}{U_i} = 0 \quad i=1..N$$

$$Y_{ii} \cdot U_i \cdot \sin(\theta_i + \Psi_{ii}) - \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N Y_{ik} \cdot U_k \cdot \sin(\theta_k + \Psi_{ik}) - \frac{P_i \cdot \sin \theta_i - Q_i \cdot \cos \theta_i}{U_i} = 0 \quad i \neq e$$

---

---

---

---

---

---

---

---

## Modelul bilantului de puteri in noduri

### Explicitarea puterii aparente nodale

$$S_i = \underline{U}_i \cdot \underline{J}_i^* = \underline{U}_i \cdot (Y_{ii}^* \cdot \underline{U}_i^* - \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N Y_{ik}^* \cdot \underline{U}_k^*)$$

$$Y_{ii}^* \cdot U_i^2 - U_i \cdot \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N Y_{ik}^* \cdot U_k^* - (P_i + j \cdot Q_i) = 0$$

$i=1..N$   
 $i \neq e$

---

---

---

---

---

---

---

---

## Modelul bilantului de puteri in noduri

### Reprezentarea algebrica

$$G_{ii} \cdot [(U_i')^2 + (U_i'')^2] - U_i' \cdot \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N (G_{ik} \cdot U_k' - B_{ik} \cdot U_k'') - U_i'' \cdot \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N (G_{ik} \cdot U_k'' + B_{ik} \cdot U_k') - P_i = 0 \quad i=1..N$$

$$-B_{ii} \cdot [(U_i')^2 + (U_i'')^2] + U_i' \cdot \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N (G_{ik} \cdot U_k'' + B_{ik} \cdot U_k') - U_i'' \cdot \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N (G_{ik} \cdot U_k' - B_{ik} \cdot U_k'') - Q_i = 0 \quad i \neq e$$

---

---

---

---

---

---

---

---

## Modelul bilantului de puteri in noduri

### Reprezentarea trigonometrica

$$Y_{ii} \cdot U_i^2 \cdot \cos \Psi_{ii} - U_i \cdot \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N Y_{ik} \cdot U_k \cdot \cos(\theta_i - \theta_k + \Psi_{ik}) - P_i = 0$$

$$i = 1..N$$

$$i \neq e$$

$$-Y_{ii} \cdot U_i^2 \cdot \sin \Psi_{ii} - U_i \cdot \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N Y_{ik} \cdot U_k \cdot \sin(\theta_i - \theta_k + \Psi_{ik}) - Q_i = 0$$

---

---

---

---

---

---

---

---

## Modelul bilantului de puteri in noduri

### Reprezentarea mixta

$$\underline{Y}_{ii} = G_{ii} + j \cdot B_{ii} \quad \underline{Y}_{ik} = G_{ik} + j \cdot B_{ik}$$

$$\underline{U}_i = U_i \cdot e^{j\theta_i} = U_i \cdot (\cos \theta_i + j \cdot \sin \theta_i)$$

$$G_{ii} \cdot U_i^2 - U_i \cdot \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N U_k \cdot [G_{ik} \cdot \cos(\theta_i - \theta_k) + B_{ik} \cdot \sin(\theta_i - \theta_k)] - P_i = 0$$

$$i = 1..N \quad i \neq e$$

$$-B_{ii} \cdot U_i^2 - U_i \cdot \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq i}}^N U_k \cdot [G_{ik} \cdot \sin(\theta_i - \theta_k) - B_{ik} \cdot \cos(\theta_i - \theta_k)] - Q_i = 0$$

---

---

---

---

---

---

---

---

## Modelul general de calcul al regimului permanent

### Metode de rezolvare

- Metode iterative pentru rezolvarea sistemelor de ecuații liniare (Jacobi, Seidel – Gauss sau Seidel – Gauss modificată) - sistem liniar de forma  $[\underline{Y}_n] \cdot [\underline{U}_n] = [\underline{J}_n]$ , în care curenții sunt calculați la fiecare iterație în funcție de injecțiile de putere și tensiunile nodale.
- Metoda iterativă Newton – Raphson pentru rezolvarea sistemelor de ecuații neliniare - se rezolvă un sistem de ecuații neliniare format pe baza balanței de puteri sau curenți în noduri

---

---

---

---

---

---

---

---

## Modelul general de calcul al regimului permanent

### Recomandari

- Modelul neliniar în numere complexe – metoda iterativa Seidel – Gauss.
- Modelele neliniare bazate pe bilanțul de curenți sau puteri în noduri - metode iterative de tip Newton.
- Se recomandă folosirea reprezentării algebrice pentru numerele complexe, în locul celei trigonometrice, pentru a reduce timpul de calcul asociați evaluării funcțiilor trigonometrice  $\sin$  și  $\cos$ .

---

---

---

---

---

---

---

---

## Modelul general de calcul al regimului permanent

### Algoritm generic

1. Precizarea datelor de intrare.
2. Formarea matricei admitanțelor nodale.
3. Determinarea necunoscutelor principale:
  - 3.1. Stabilirea aproximației inițiale ( $U_i$ ,  $\theta_i$  pentru nodurile PQ și  $\theta_i$  pentru nodurile PU)
  - 3.2. Formarea modelului de regim permanent.
  - 3.3. Rezolvarea modelului de regim permanent și determinarea necunoscutelor principale (proces iterativ):
4. Determinarea necunoscutelor auxiliare (circulații de puteri pe laturi; pierderi de puteri pe laturi; injecțiile de puteri în NE).
5. Furnizarea datelor de ieșire.

---

---

---

---

---

---

---

---

## Modelul general de calcul al regimului permanent

### Data de intrare

1. Date generale:  $N, L, e, E_{max}$ .
2. Date noduri - vectori de dimensiuni  $(1, N)$ :  $[TipN]$  (0 – NE, 1 – PQ, 2 – PU);  $[U]$ ;  $[P_G], [Q_G]$ ;  $[P_C], [Q_C]$ ;  $[Q_{min}], [Q_{max}]$
3. Date laturi - vectori de dimensiuni  $(1, L)$ :  $[N_1], [N_2]$ ;  $[TipL]$  (de exemplu: 0 – linie; 1 – transformator);  $[R], [X], [G], [B]$ ;  $[Plot]$  (pentru laturile de  $TipL = 1$ ).

---

---

---

---

---

---

---

---

## Modelul general de calcul al regimului permanent

### Aproximatia initiala

Pentru stabilirea aproximatiilor inițiale ale modulelor tensiunilor nodale se folosesc, de regulă, direct valorile din vectorul  $[U]$ , în timp ce pentru argumentele tensiunilor se recomandă inițializarea cu valoarea 0.

O practică curentă o reprezintă așa numita inițializare *plată*, caz în care pentru modulele tensiunilor din noduri se folosesc valori identice, egale cu o valoare de referință (de exemplu, tensiunea nominală a nodului).

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

## Modelul general de calcul al regimului permanent

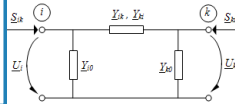
### Calculul necunoscutelor auxiliare

Circulații și pierderi de puteri pe laturi

$$S_{ik} = U_i^2 \cdot Y_{i0}^* + U_i \cdot (U_k - U_i)^* \cdot Y_{ik}^*$$

$$S_{ki} = U_k^2 \cdot Y_{k0}^* + U_k \cdot (U_i - U_k)^* \cdot Y_{ki}^*$$

$$\Delta S_{ik} = \Delta S_{ki} = S_{ik} + S_{ki}$$



Injectia de putere în nodul de echilibru:

$$S_e = U_e^2 \cdot Y_{ee}^* - U_e \cdot \sum_{\substack{k=1 \\ k \neq e}}^N Y_{ek}^* \cdot U_k^*$$

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---

**SFARSIT**

---

---

---

---

---

---

---

---

---

---